



Dans le repère  $(D, \mathbb{C})$ , on a

$$D \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad A \begin{pmatrix} l \\ 0 \end{pmatrix} \quad B \begin{pmatrix} l \\ l \end{pmatrix} \\ C \begin{pmatrix} 0 \\ l \end{pmatrix}$$

$$r : z' - a = e^{i\pi/2} (z - a)$$

$$t : z'' = z' + b - a$$

$$z'' = e^{i\pi/2} (z - a) + a + b - a = e^{i\pi/2} (z - a) + b \\ = i(z - l) + l + li \\ = iz + l$$

on cherche  $g$  tel que  $z'' - g = e^{i\pi/2} (z - g)$

$$z'' - g = i(z - g) \Leftrightarrow z'' = iz - ig + g \Leftrightarrow z'' = iz + g(1 - i)$$

$$\text{Donc } g(1 - i) = l \Leftrightarrow g = \frac{l(1+i)}{2} = \begin{pmatrix} l/2 \\ l/2 \end{pmatrix} \text{ qui est}$$

l'affixe du centre du carré ABCD, soit  $O$ .

Donc  $t \circ r$  est une rotation d'angle  $\pi/2$  et de centre  $O$ .

---



---