

T : Test Positif

\bar{T} : Test Négatif

Π : Malade

$\bar{\Pi}$: Non Malade

On sait que $P_{\Pi}(\bar{T}) = \frac{1}{1000}$ et $P_{\bar{\Pi}}(T) = \frac{1}{1000}$

Donc $P_{\Pi}(\bar{T}) = \frac{P(\Pi \cap \bar{T})}{P(\Pi)}$ $\Leftrightarrow P(\Pi \cap \bar{T}) = P(\Pi) \times P_{\Pi}(\bar{T}) = \frac{1}{1000000} \times \frac{1}{1000} = 10^{-9}$

$P_{\bar{\Pi}}(T) = \frac{P(\bar{\Pi} \cap T)}{P(\bar{\Pi})}$ $\Leftrightarrow P(\bar{\Pi} \cap T) = P(\bar{\Pi}) \times P_{\bar{\Pi}}(T) = \frac{999999}{1000000} \times \frac{1}{1000} = \frac{999999}{10^9}$

on peut donc faire le tableau suivant

	T (positif)	\bar{T} (négatif)	
Π (malade)	0,000000999	10^{-9}	10^{-6}
$\bar{\Pi}$ (non malade)	999999×10^{-9}	0,998999001	$1 - 10^{-6}$
	0,001000998	0,998999002	1

$P(\bar{\Pi} \cap \bar{T}) = 1 - 10^{-6} - 999999 \times 10^{-9} = 0,998999001$

$P(\bar{T}) = P(\bar{\Pi} \cap \bar{T}) + P(\Pi \cap \bar{T}) = 0,998999002$

$P(\Pi \cap T) = P(T) - P(\bar{\Pi} \cap T)$

À ce tableau, on déduit la probabilité qu'un individu soit malade sachant que le test est positif.

$P_T(\Pi) = \frac{P(\Pi \cap T)}{P(T)} = \frac{0,000000999}{0,001000998} = 9,98 \times 10^{-4}$

La probabilité qu'un individu soit malade sachant que le test est positif est très faible. C'est pour cela que le médecin n'est pas inquiet.