

b) $(IL) \parallel (EF)$ et \parallel .

$(PN) \parallel (EF)$, donc $(PN) \parallel (IL)$

D'autre part $(IN) \parallel (FS)$ et $(LN) \parallel (KL)$

ou $(IS) \parallel (KL)$, donc $(IN) \parallel (LN)$

on sait que $(PN) \parallel (IL)$ et $(IN) \parallel (LN)$, donc $INIL$ est un parallélogramme.

c) $INIL$ est un parallélogramme, donc $PN = IL$.

d) $\frac{AM}{AS} = \frac{0,5}{4,5} = \frac{1}{9} = \frac{AE}{AI}$, donc d'après la réciproque du Théorème de Thales.

$(ME) \parallel (FS)$.

donc $(ME) \parallel (PN)$ car $(PN) \parallel (FS)$

D'autre part, $(MP) \parallel (GH)$ et $(EN) \parallel (EP)$

ou $(EF) \parallel (GH)$, donc $(MP) \parallel (EN)$.

donc $(ME) \parallel (PN)$ et $(MP) \parallel (EN)$, donc $MPME$ est un parallélogramme.

donc $PN = EM$.

e) $EH^2 = AM^2 + AE^2$ (car AHE est un triangle rectangle en A) d'après le Théorème de Pythagore.

$$EH^2 = 0,5^2 + 1^2 = 1,25, \text{ donc } EH = \sqrt{1,25}$$

~~Par le théorème~~ BIL est un triangle rectangle en B , donc $IL^2 = BI^2 + BL^2 = 1,25$

$$\text{donc } \underline{IL = \sqrt{1,25} = EH}$$

f) $(PN) \parallel (IL)$ $(PO) \parallel (MG)$ donc $(PO) \parallel (EF)$, donc $(PO) \parallel (PN) \parallel (IL)$
 $(PN) \parallel (EM)$ $(ON) \parallel (KL)$ donc $(ON) \parallel (FS)$, donc $(ON) \parallel (PN) \parallel (IL)$

D'autre part $PO = PN = EM = IL = PN = PO$ (3)

(1) (2) et (3) \Rightarrow $PNOP$ est un losange. CQFD.