

$$f(x, y) = (x-y)^2 + (x+y)^3$$

$$\frac{df(x, y)}{dx} = 2(x-y) + 3(x+y)^2 = 0$$

$$\frac{df(x, y)}{dy} = 2(y-x) + 3(x+y)^2 = 0$$

$$\text{D'où } 2(x-y) = 2(y-x) \Leftrightarrow y-x=0 \Leftrightarrow y=x$$

$$\Leftrightarrow x=0 \text{ et } y=0.$$

Le point  $A(0; 0)$  est un point critique. EST-ce un extremum ?

$$\frac{d^2f(0,0)}{dx^2} = (2 + 6(x+y))|_{(0,0)} = 2$$

$$\frac{d^2f(0,0)}{dy^2} = 2$$

$$\frac{d^2f(0,0)}{dx dy} = -2$$

La forme quadratique est  $2x^2 - 4xy + 2y^2 = 2(x^2 - 2xy + y^2) = 2(x-y)^2 > 0$  quand  $x \rightarrow 0$  et  $y \rightarrow 0$

D'où  $A(0, 0)$  est un minimum local.