

1) Une racine carrée est définie si le contenu de la racine est positif.

Donc  $f(x) = \sqrt{-x}$  est définie si  $-x \geq 0$ , donc  $x \leq 0$

Donc la fonction  $f$  est définie sur  $]-\infty; 0]$ . Par FALX

$$2) |x+1| \leq 2 \Leftrightarrow (x+1)^2 \leq 2^2 \Leftrightarrow (x+1)^2 - 2^2 \leq 0$$

$$\Leftrightarrow (x+1-2)(x+1+2) \leq 0 \Leftrightarrow (x-1)(x+3) \leq 0$$

Tableau de signes.

| $x$          | $-\infty$ | $-3$ |   | $1$ | $+\infty$ |   |
|--------------|-----------|------|---|-----|-----------|---|
| $x-1$        |           | -    |   | -   | 0         | + |
| $x+3$        |           | -    | 0 | +   |           | + |
| $(x-1)(x+3)$ |           | +    | 0 | -   | 0         | + |

Donc  $(x-1)(x+3) \leq 0$  si  $x \in [-3; 1]$ .

Donc VRAI

$$3) \frac{1}{\sqrt{x}-\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{x}+\sqrt{7}}{(\sqrt{x}-\sqrt{7})(\sqrt{x}+\sqrt{7})} = \frac{\sqrt{x}+\sqrt{7}}{x-7} \quad \text{Donc } \underline{\underline{d}}$$

$$4) \text{NB} = |3-x| \quad \text{et} \quad \text{NA} = |-6-x|$$

$$2\text{NB} > \text{NA} \Leftrightarrow 2|3-x| > |-6-x| \Leftrightarrow |6-2x| > |-6-x|$$

$$\Leftrightarrow |6-2x| - |-6-x| > 0 \Leftrightarrow |2x-6| - |x+6| > 0$$

Donc b)