

Exercice 2

① on suppose 2 reels a et b , tels que $4 \leq a \leq b$.

on a donc $a \geq 4$; $b \geq 4$ et $b \geq a$

$$\text{calculons } f(b) - f(a) = \sqrt{b+4} - \sqrt{a+4} = \frac{(\sqrt{b+4} - \sqrt{a+4})(\sqrt{b+4} + \sqrt{a+4})}{\sqrt{b+4} + \sqrt{a+4}}$$

$$\text{Donc } f(b) - f(a) = \frac{(b+4) - (a+4)}{\sqrt{b+4} + \sqrt{a+4}} = \frac{b-a}{\sqrt{b+4} + \sqrt{a+4}}$$

$$\sqrt{b+4} \geq 0 \text{ et } \sqrt{a+4} \geq 0, \text{ donc } \sqrt{b+4} + \sqrt{a+4} > 0$$

d'autre part, comme $b \geq a$, alors $b-a \geq 0$

$$\text{Donc } f(b) - f(a) \geq 0$$

Donc on $\forall a, b \in [-4; +\infty[$, si $a \leq b \Rightarrow f(a) \leq f(b)$

Donc la fonction f est croissante sur $[-4; +\infty[$.

② Voir Graphe en page 2

③ a) si $\exists x \in \mathbb{R}$ et $\exists d \in \mathbb{D}$, cela veut dire que $f(x) = d(x)$

$$\text{Donc } x-2 = \sqrt{x+4}$$

$$\sqrt{x+4} \geq 0, \text{ donc } \cancel{x-2} \geq 0$$

$$\text{b) } x-2 = \sqrt{x+4} \Rightarrow (x-2)^2 = (\sqrt{x+4})^2 \Leftrightarrow x^2 - 4x + 4 = x+4$$

$$\Leftrightarrow x^2 - 5x = 0$$

$$\text{c) } x^2 - 5x = 0 \Leftrightarrow x(x-5) = 0 \Rightarrow x=0 \text{ ou } x=5$$

x ne peut pas être égal à 0, car $0-2 = -2 \leq 0$

Donc la seule solution est $x=5$

$$\text{Donc } \underline{\underline{I(5; f(5)) = I(5; 3)}}$$

