

$$2) f(x) = -4x + 20 - 16/x \quad \text{sur }]0; +\infty[$$

$$a) \forall x \in]0; +\infty[, f'(x) = -4 + \frac{16}{x^2} = \frac{16 - 4x^2}{x^2} = \frac{4(4 - x^2)}{x^2}$$

$$b) f'(x) = \frac{4(2-x)(2+x)}{x^2}$$

$$\forall x \in]0; +\infty[, x^2 > 0$$

$$\forall x \in]0; 2], (2-x)(2+x) \geq 0$$

$$\forall x \in [2; +\infty[, (2-x)(2+x) \leq 0$$

Donc le tableau suivant

(1)

x	0	2	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$	↗		↘

$$2) F(x) = -2x^2 + 20x + 18 - 16 \ln(x)$$

$$a) F'(x) = -4x + 20 + 0 - 16/x = -4x + 20 - 16/x = f(x)$$

Donc $F'(x)$ est une primitive de $f(x)$

$$F(1) = -2 + 1^2 + 20 \times 1 + 18 - 16 \ln(1) = -2 + 20 + 18 + 0 = 0$$

Donc F est bien la primitive de f telle que $F(1) = 0$

b) Pour étudier la convexité de F , il faut étudier le signe de sa dérivée seconde.

$$F''(x) = f'(x) = \frac{4(2-x)(2+x)}{x^2}$$

Donc d'après (1), F est convexe sur $]0; 2]$ et concave sur $[2; +\infty[$

c) le point d'inflexion A a pour abscisse 2 et pour ordonnée $F(2) = -2 \times 2^2 + 20 \times 2 + 18 - 16 \ln(2) = 14 - 16 \ln(2)$

$$\text{Donc } A \left(2 ; 14 - 16 \ln(2) \right)$$